

索引构建与压缩

Index Construction

Index Compression

索引构建

索引构建

- 索引构建，Index Construction 或 Indexing
- 构建索引的程序或计算机称倒排器（索引器）
Indexer

- 思考如下问题：
 - 怎样建立一个索引？
 - 对于给定的计算机内存，可以采用怎样的索引构建策略？

索引构建

- 硬件基础
- 语料库介绍
- 索引构建算法
- 分布式索引构建
- 动态索引

硬件基础：存储能力

- IR系统的服务器通常“数GB”甚至“数百GB”的内存。
- 其可用磁盘空间大小一般比内存大小高几个(2-3)数量级(TB级别)。
- 容错控制代价非常昂贵：使用许多台常规服务器要比使用一台容错服务器便宜得多。

硬件基础：计算机I/O能力(2007)

- 访问内存数据比访问磁盘数据快得多。
- 磁盘寻道：磁头移到数据所在的磁道需要一段时间，寻道期间并不进行数据的传输。
- 因此：从磁盘到内存传输一个大数据块要比传输很多小的数据块快的多。
- 磁盘读写操作是基于**块**的：从磁盘读取一个字节和读取一个数据块所耗费的时间可能一样多。
- 块大小：8KB – 256KB

典型硬件性能参数(2007年水平)

符号	含义	值
s	平均寻道时间	5ms = $5 \times 10^{-3}s$
b	每个字节的传输时间	$0.02 \mu s = 2 \times 10^{-8}s$
	处理器时钟频率	$10^9 s^{-1}$ (也就是GHz)
p	底层操作时间 (如单词的比较或者交换)	$0.01 \mu s = 10^{-8}s$
	内存大小	几个GB
	磁盘空间大小	1TB或者更多

索引构建

- 硬件基础
- 语料库介绍
- 索引构建算法
- 分布式索引构建
- 动态索引

RCV1语料库:样例文档集

- 为了阐述本课程的许多要点, 《莎士比亚全集》作为样例文档集远远不够。
- Reuters-RCV1文档集
 - 不是真正的足够大, 但是公开的, 一个更为合理的样例。
 - 将使用路透社的RCV1文档集作为“可扩展的索引构建算法”的样例。
 - 该文档集由一年的路透社新闻组成(1995-1996)。



Reuters-RCV1语料：统计数据

符号	含义	值
N	文档总数	800 000
L _{ave}	每篇文档的平均 词条 (Token)数目	200
M	词项 (Term)总数	400 000
	每个词条的平均字节数(含空格和标点符号)	6
	每个词条的平均字节数(不含空格和标点符号)	4.5
	每个词项的平均字节数	7.5
T	词条(Token)总数	160 000 000

词条就是tokenize后的
而词项是真正索引的，包括单复数变化，去停用词等等

$$200 * 800000$$

Reuters-RCV1语料：索引构建中的临时文件

- 文档ID需32bit=4Byte
- 词条ID需32bit (总共约1亿词条)
- 存储所有的“词条ID-文档ID”需要
 - 约 $100,000,000 * (32+32) = 6,400,000,000\text{bits} = 800,000,000\text{Bytes} = 0.8\text{GB}$ 存储空间
- 需要对0.8GB的ID对进行排序！！！！
- 而实际语料库要比RCV1更大

Doc 1				Doc 2			
I did enact Julius Caesar: I was killed i' the Capitol; Brutus killed me.				So let it be with Caesar. The noble Brutus hath told you Caesar was ambitious:			
term	docID	term	docID	term	doc. freq.	→	postings lists
I	1	ambitious	2	ambitious	1	→	2
did	1	be	2	be	1	→	2
enact	1	brutus	1	brutus	2	→	1 → 2
julius	1	brutus	2	capitol	1	→	1
caesar	1	capitol	1	caesar	2	→	1 → 2
I	1	caesar	1	did	1	→	1
was	1	caesar	2	enact	1	→	1
killed	1	caesar	2	hath	1	→	2
i'	1	did	1	I	1	→	1
the	1	enact	1	i'	1	→	1
capitol	1	hath	1	it	1	→	2
brutus	1	I	1	julius	1	→	1
killed	1	I	1	killed	1	→	1
me	1	i'	1	let	1	→	2
so	2	it	2	me	1	→	1
let	2	julius	1	noble	1	→	2
it	2	killed	1	so	1	→	2
be	2	killed	1	the	2	→	1 → 2
with	2	let	2	told	1	→	2
caesar	2	me	1	you	1	→	2
the	2	noble	2	was	2	→	1 → 2
noble	2	so	2	with	1	→	2
brutus	2	the	1				
hath	2	the	2				
told	2	told	2				
you	2	you	2				
caesar	2	was	1				
was	2	was	2				
ambitious	2	with	2				

扩展索引构建

- 在内存中进行索引构建并不能扩展。
- 怎样才能对大型的语料库构建索引？
- 考虑到我们刚刚了解的硬件约束条件。。。– 内存，硬盘，速度等等。

基于排序的索引构建算法

- 在建立索引过程中，需要依次分析所有的文档。
 - 索引构建过程中，不能很容易地利用压缩技巧(即使可以，也会非常复杂)。
- 只有分析完所有的文档，最终的倒排记录表才会完整
- 每一个<词项，文档，频数>对占用**12**字节，对于大型语料库则需要非常大的空间。
- 在**RCV1**文档集中，倒排记录总数 **$T=100,000,000$**
 - 仍然可以在内存中对所有词项ID-文档ID对进行排序。
 - 但是通常的语料库会大很多，例如：《纽约时报》提供了一份包含超过150年新闻的索引文件。
- **因此：需要在硬盘中存储中间的结果。**

索引构建

- 硬件基础
- 语料库介绍
- 索引构建算法
- 分布式索引构建
- 动态索引

索引构建算法

- 基于块的排序索引构建算法
 - 面向静态文档集
 - 单机
- 内存式单遍扫描索引构建算法
- 分布式索引构建算法
- 动态索引构建算法

在硬盘中采用同样的算法？

- 对于大型的语料库，能在硬盘而不是内存中采用同样的索引构建算法吗？
- 答案是“**NO**”：在硬盘中排序 $T=100,000,000$ 条记录太慢了——需要很多次的磁盘寻道。
- 需要一个**外部排序算法**。

瓶颈

- 依次对文档进行分析并建立倒排记录项<Term, DocID>。
- 根据词项对所有倒排记录项进行排序
 - 然后在词项内再根据文档ID进行二次排序。
- 由于需要随机的磁盘寻道，在硬盘中进行排序非常慢——必须排序T=1亿条记录。

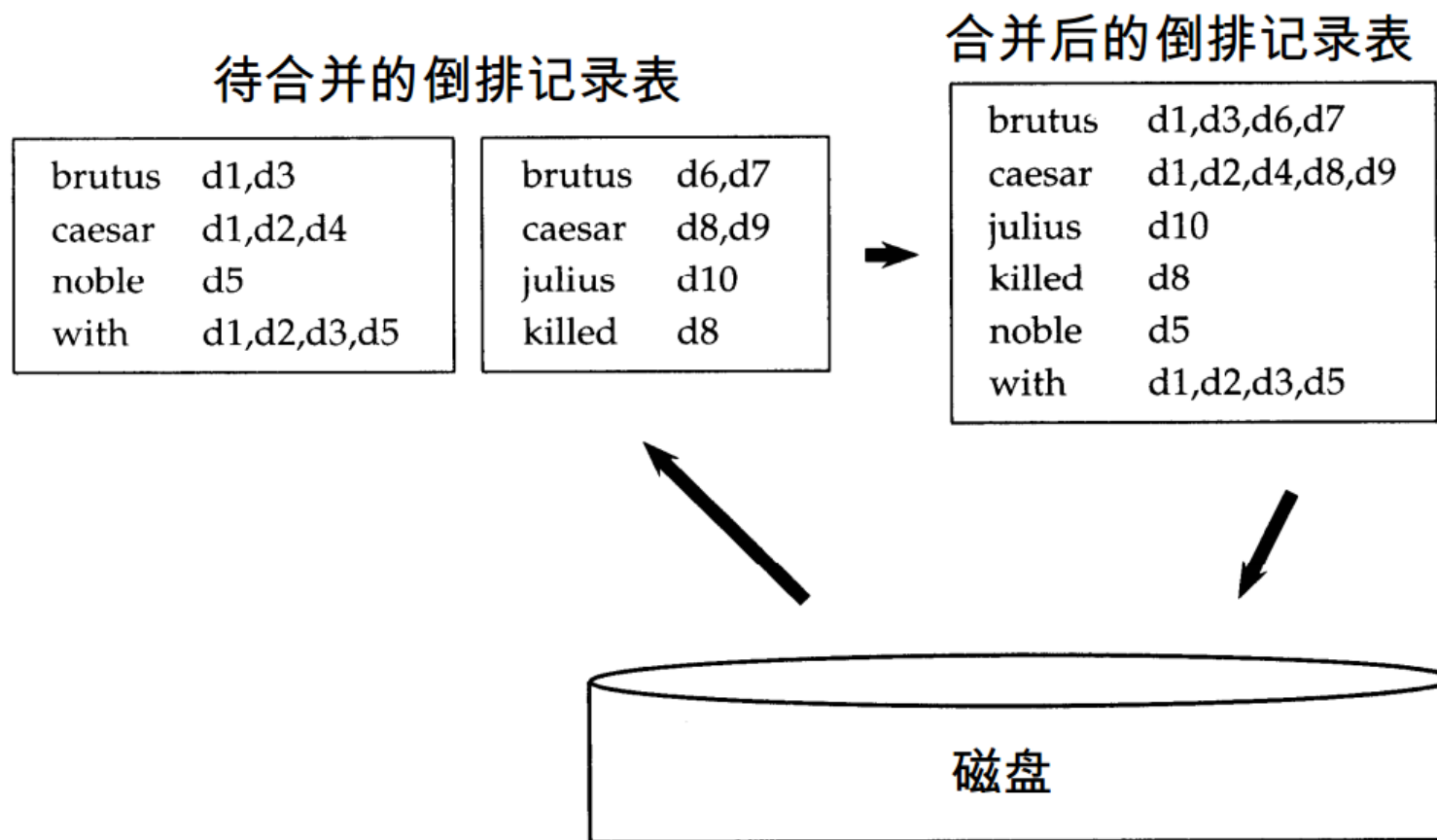
假如每次比较需要2次的磁盘寻道，对N条记录进行排序需要 $N \log_2 N$ 次比较，我们需要花费多少的时间？

基于块的排序索引算法

BSBI: Blocked sort-based Indexing

- 基本思想

- 对每一个块都生成倒排记录，并排序，写入硬盘
- 然后将这些块合并成一个长的排好序的倒排记录。



BSBI(基于块的排序索引算法)

(需要较少的磁盘寻道次数)

- 每条数据占用12字节(4+4+4) (词项, 文档, 频数)
- 这些数据是在分析文档时生成
- 需要对100M条这样12字节的数据进行排序
- 定义一个块~10M大小的数据
 - 可以很容易地加载数个这样的块数据到内存中
 - 开始加载10个这样的块数据
- **100M数据的排序→排序10块10M的数据**
- **必须在硬盘上直接排序→在内存中排序(10M)**
- 带来的问题: **需要合并10个排序后的结果**

BSBI(基于块的排序索引算法)

- f_1, f_2, \dots 合并为 f_{merged}

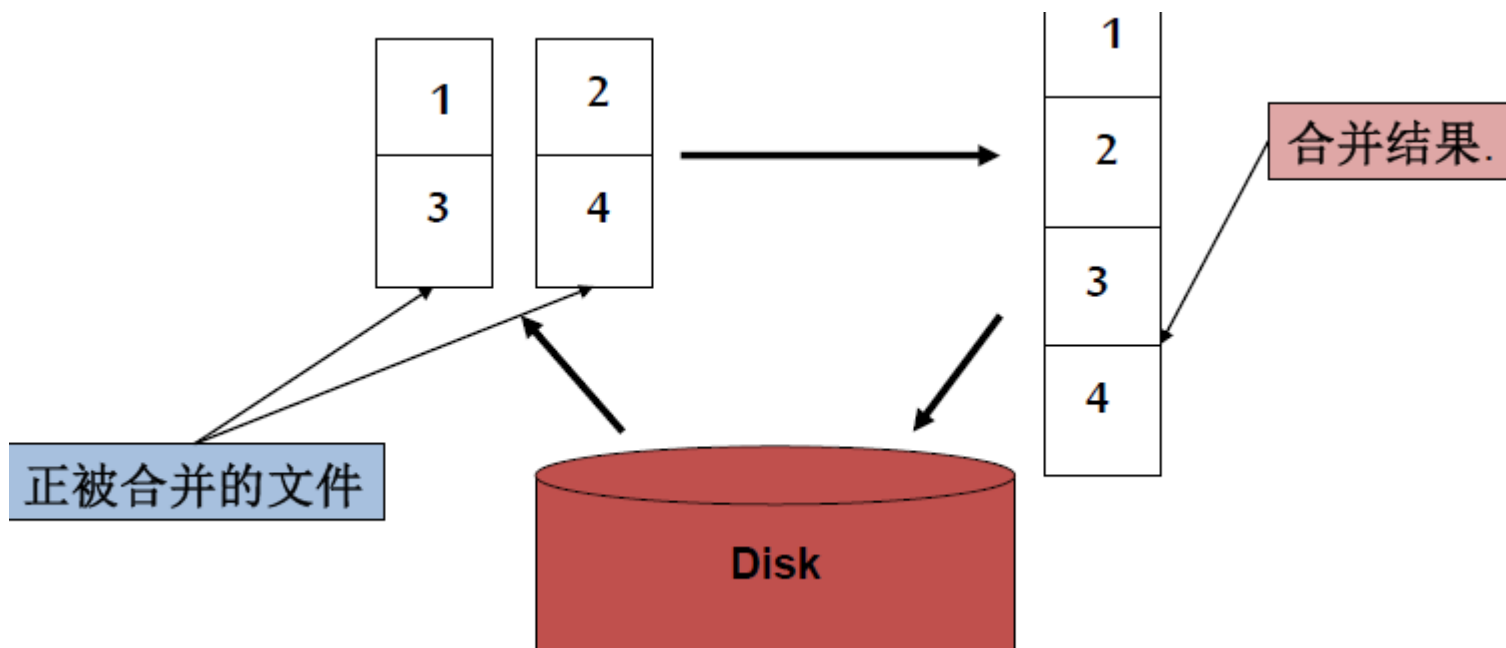
BSBINDEXCONSTRUCTION()

```
1   $n \leftarrow 0$ 
2  while (all documents have not been processed)
3  do  $n \leftarrow n + 1$ 
4       $block \leftarrow \text{PARSENEXTBLOCK}()$  写满块
5       $\text{BSBI-INVERT}(block)$  构建块索引
6       $\text{WRITEBLOCKTODISK}(block, f_n)$  写块索引文件
7   $\text{MERGEBLOCKS}(f_1, \dots, f_n; f_{\text{merged}})$  合并索引文件
```

- 在内存中处理,累积放满固定的块,排序后写入硬盘 f_i
- 合并所有块索引文件 f_i 成一个

如何合并排序结果？

- 可以进行二分合并，产生一个 $\log_2 10$, 4层的合并树。
- 在每一层中，读入对应的块文件到内存中，合并倒排记录表，合并结果写回磁盘中。



如何合并排序结果？

- 一个 n -路的合并会更加高效，可以同时读取所有的数据块。
- 内存中维护
 - 为10个块准备的读缓冲区
 - 一个为最终合并索引准备的写缓冲区
 - 这样就不会因为硬盘寻道而浪费大量的时间了。

基于BSBI排序的算法存在的问题

- 假设：能够将词典存入内存中。
- 需要该词典(动态增长)去查找任一词项和词项ID之间的对应关系。
- 事实上，可以采用<词项，文档ID>对来代替<词项ID，文档ID>对。
 - 每个词项的平均字节数=7.5
- ...但是中间文件会变的非常的大。
(→一个可拓展的，但效率非常低的索引构建算法)

SPIMI:内存式单遍扫描索引算法

- SPIMI:Single-pass in-memory indexing
- **核心思想1**: 为每个块**单独**生成一个词典—不需要维护全局的<词项, 词项ID>映射表。
- **核心思想2**: **不进行排序**。有新的<词项, 文档ID>对时直接在倒排记录表中增加一项。
- 根据这两点思想, 可以为每个块生成一个完整的倒排索引。
- 然后将这些单独的索引合并为一个大的索引。

SPIMI: 压缩

- 压缩技术将会使SPIMI算法更加高效。
 - 压缩词项
 - 压缩倒排记录表
- 见下一部分：索引压缩

索引构建

- 硬件基础
- 语料库介绍
- 索引构建算法
- 分布式索引构建
- 动态索引

分布式索引构建 Distributed indexing

- Web大规模的索引构建
 - 必须使用一个分布式的计算机集群
- 这些计算机都是故障频发的
 - 可能会在任意时刻失效
- 如何开发这样一个计算机集群？

Google数据中心

- Google数据中心主要是由商用计算机组成
- 数据中心分布在世界各处
- 估计：总共一百万台服务器
 - （Estimated by prof. Koomey from Stanford 2011）
- 估计：Google每季度就会安装100,000台服务器
 - 根据它每年2-2.5亿美元的开销

Google数据中心

- 假如在一个包含1000个节点的非容错系统中，每个节点的正常运行概率为99.9%，那么这个系统的正常运行概率为多少？
 - 答案是：36.8% ($99.9\%^{1000}$)
- 可以试着计算一下：对于一个一百万台计算机的集群，每分钟会有多少台服务器宕机。

分布式索引构建

- 利用集群中的**主控节点**来指挥索引构建工作。
 - 假设主控节点是“安全”的。
- 将索引构建过程**分解**成一组并行的任务。
- 主控计算机从集群中选取一台空闲的机器并将**任务分配**给它。

并行任务

- 采用两组不同的并行任务
 - Parsers 分析器
 - Inverters 倒排器
- 首先，将输入文档集分割成 n 个数据片
 - 每个数据片就是一个文档子集(与BSBI/SPIMI算法中的数据块相对应)

文档集分割

- 两种分割方法
 - 基于文档的分割
 - 基于词项的分割

(a) Document partitioning

		Documents								
Terms		D ₁	D ₂	D ₃	D ₄	D ₅	D ₆	D ₇	D ₈	D ₉
	T ₁	X		X	X		X			X
	T ₂		X			X				
	T ₃		X	X					X	
	T ₄				X			X		
	T ₅	X					X			X
	T ₆	X						X	X	
	T ₇		X		X		X			
	T ₈			X					X	
		Node 1			Node 2			Node 3		

(b) Term partitioning

		Documents								
Terms		D ₁	D ₂	D ₃	D ₄	D ₅	D ₆	D ₇	D ₈	D ₉
	T ₁	X		X	X		X			X
	T ₂		X			X				
	T ₃		X	X					X	
	T ₄				X			X		
	T ₅	X					X			X
	T ₆	X						X	X	
	T ₇		X		X		X			
	T ₈			X					X	
		Node 1			Node 2			Node 3		

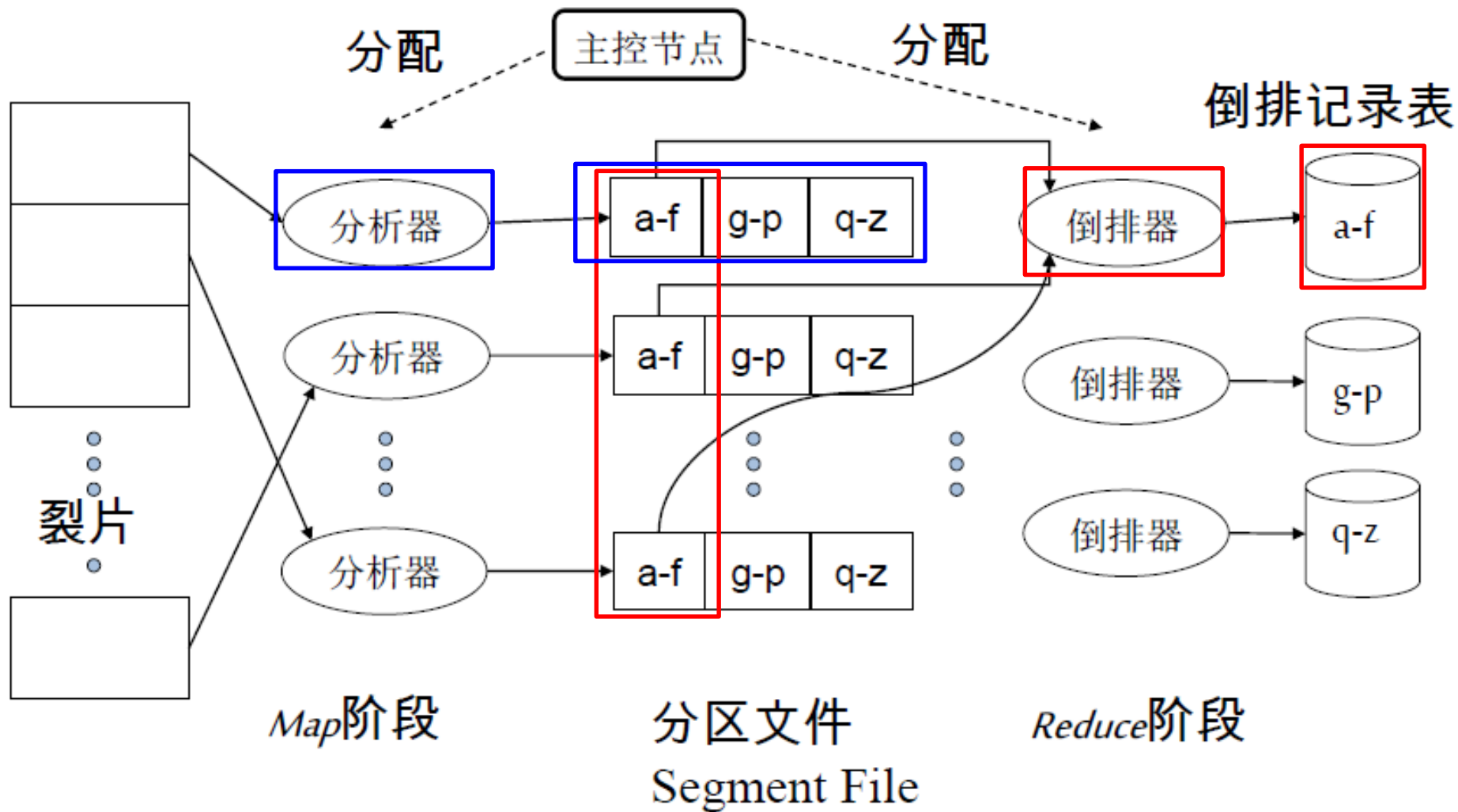
分析器 Parsers

- 主节点将一个数据片分配给一台空闲的分析服务器
- 分析器依次读取文档并生成 <词项,文档>对
- 分析器将这些<词项,文档>按照词项分成 j 个段
- 每一段是按照词项首字母划分的一个区间
 - (例如: *a-f, g-p, q-z*)-这里 $j=3$
- 然后可以进行索引的倒排

倒排器Inverters

- 对于一个词项分区，倒排器收集所有的<词项, 文档>对 (也就是“倒排记录”)
- 排序，并写入最终的倒排记录表

数据流



MapReduce

- 刚刚所讲的索引构建算法是MapReduce的一个应用
- MapReduce(Dean and Ghemawat 2004)是一个稳定的并且概念简单的分布式计算架构
 - 不需要自己再对分布式部分书写代码
- Google索引系统(ca.2002)由各个不同的阶段组成，每个阶段都是MapReduce的一个应用

- 索引构建只是其中的一个阶段
- 另一个阶段是：将基于词项划分的索引表转换成基于文档划分的索引表
 - 基于词项划分的：一台机器处理所有词项的一个子区间
 - 基于文档划分的：一台机器处理所有文档的一个子区间
- 在本课程的**Web**搜索部分会讲到，大部分搜索引擎都是采用基于文档划分的索引表
 - 优点：更好的负载平衡等等

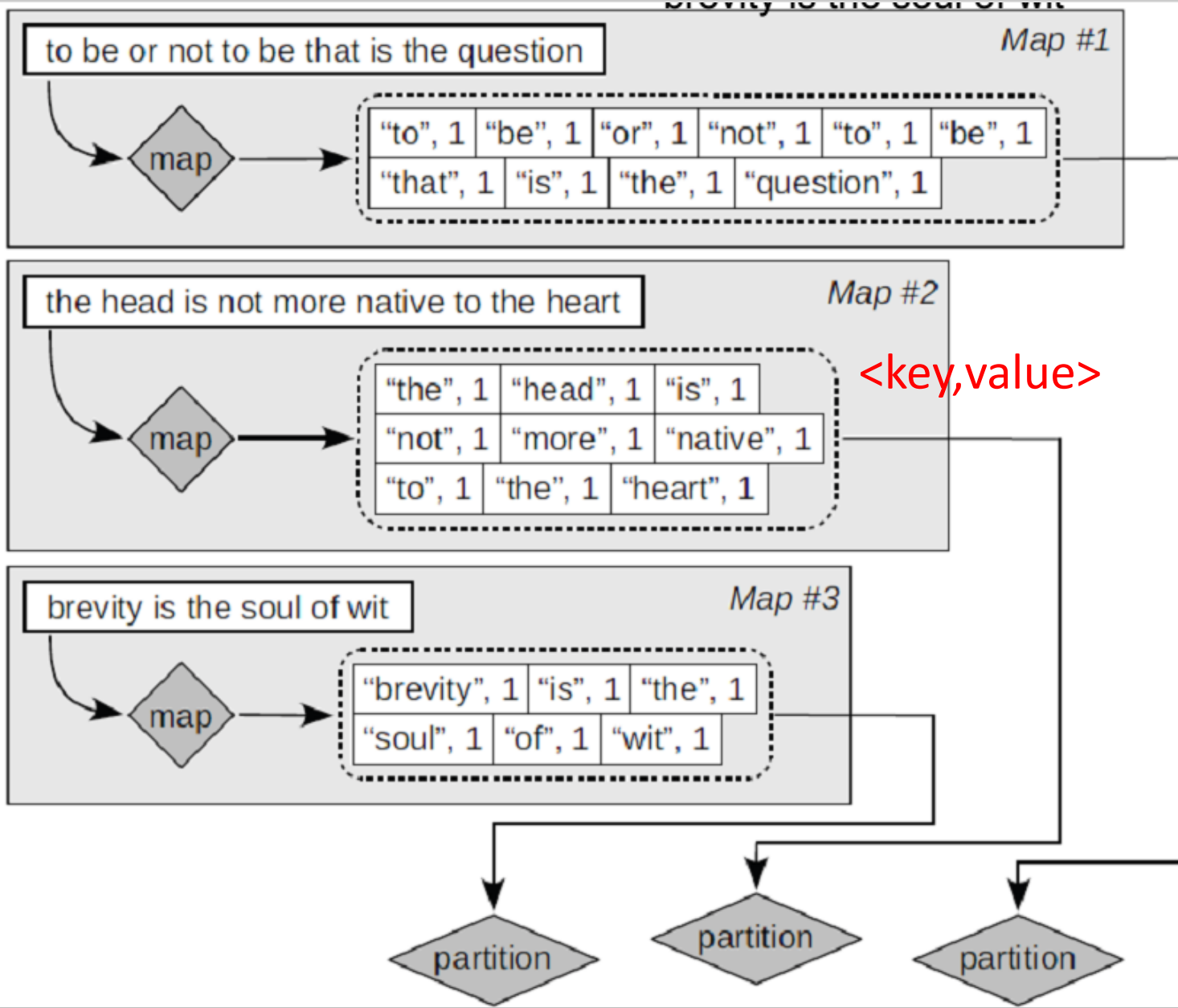
采用MapReduce的索引构建架构

- **Map和Reduce函数的架构**
 - **Map**: 输入 $\rightarrow \text{list}(k, v)$ Reduce: $(k, \text{list}(v)) \rightarrow$ 输出
- 索引构建中上述架构的实例化
 - **Map**: Web文档集 $\rightarrow \text{list}(\text{词项ID}, \text{文档ID})$
 - **Reduce**: $(\langle \text{词项ID1}, \text{list}(\text{文档ID}) \rangle, \langle \text{词项ID2}, \text{list}(\text{文档ID}) \rangle, \dots) \rightarrow (\text{倒排记录表1}, \text{倒排记录表2}, \dots)$
- 教材中索引构建的例子
 - **Map**: $d_1: C \text{ came}, C \text{ c'ed. } d_2: C \text{ died.} \rightarrow \langle C, d_1 \rangle, \langle \text{came}, d_1 \rangle, \langle C, d_1 \rangle, \langle \text{c'ed}, d_1 \rangle, \langle C, d_2 \rangle, \langle \text{died}, d_2 \rangle$
 - **Reduce**: $(\langle C, (d_1, d_1, d_2) \rangle, \langle \text{died}, (d_2) \rangle, \langle \text{came}, (d_1) \rangle, \langle \text{c'ed}, (d_1) \rangle) \rightarrow (\langle C, (d_1:2, d_2:1) \rangle, \langle \text{died}, (d_2:1) \rangle, \langle \text{came}, (d_1:1) \rangle, \langle \text{c'ed}, (d_1:1) \rangle)$

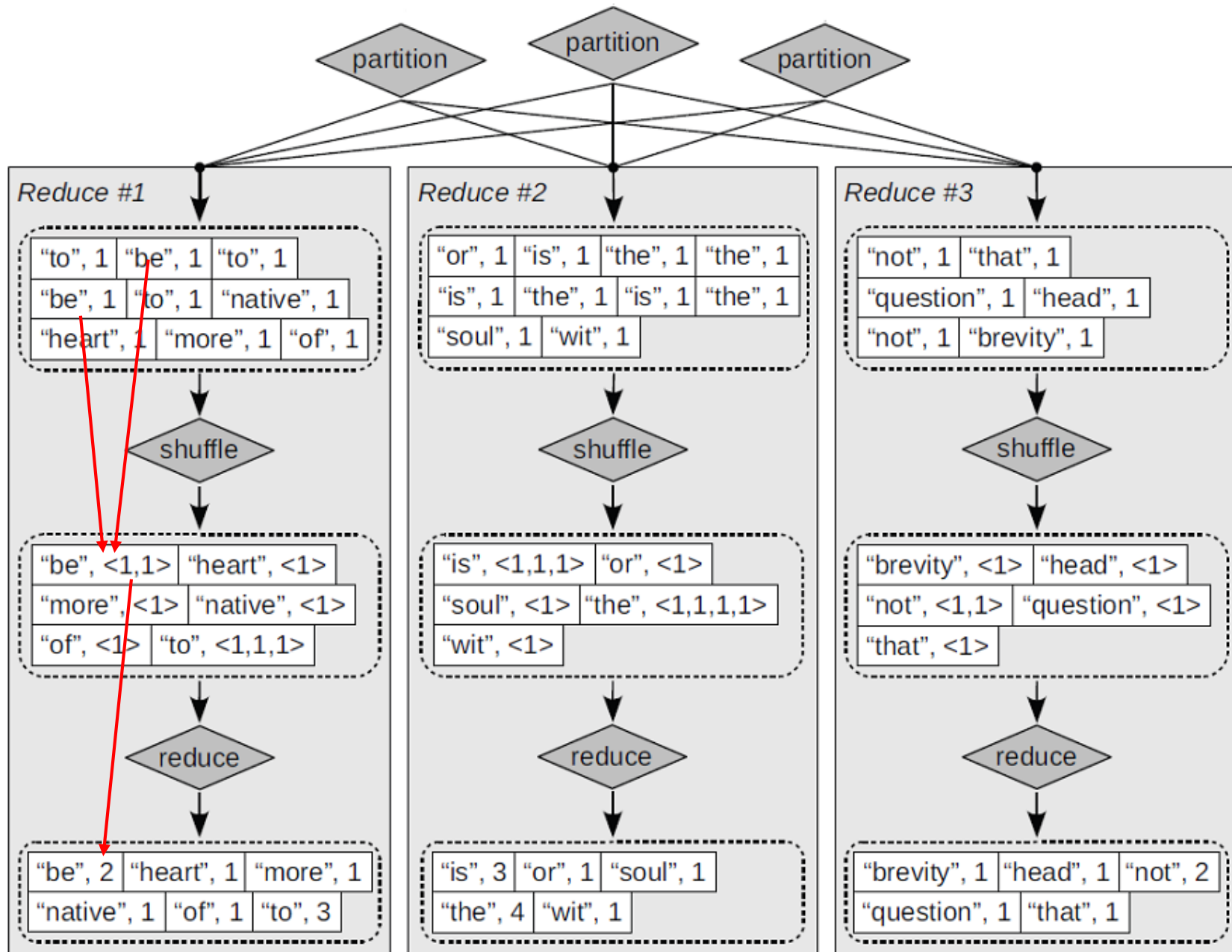
一个简单的例子：Map阶段

莎士比亚《哈姆雷特》
一个文档

- To be, or not to be: that is the question
- the head is not more native to the heart
- brevity is the soul of wit



一个简单的例子：Reduce阶段



索引构建

- 硬件基础
- 语料库介绍
- 索引构建算法
- 分布式索引构建
- 动态索引

动态索引构建方法

- 迄今为止，我们都假设文档集是静态的
- 但文档集通常不是静态的
 - 文档会不断的加入进来
 - 文档也会被删除或者修改
- 这就意味着词典和倒排记录表需要修改
 - 对于已在词典中的词项更新倒排记录
 - 新的词项加入到词典中

(1) 最简单的索引更新方法

- 周期性索引重构

- 建立新索引的同时，旧索引继续工作

- 条件

- 更新次数不是很多

- 能够接受对新文档检索的一定延迟（重构之前新文档检索不到）

- 有足够的资源进行重构

(2) 方法2

- 维护一个大的主索引
- 新文档信息存储在一个小的辅助索引中(位于内存)
- 检索可以同时遍历两个索引并将结果合并
- 删除
 - 文档的删除记录在一个无效位向量(invalidation bit vector)中
 - 在返回结果前利用它过滤掉已删除文档
- 定期地, 将辅助索引合并到主索引中
- 文档更新通过先删除后插入方式实现

主索引与辅助索引存在的问题

- 频繁的合并 — 带来很大的开销
- 合并过程效率很低
 - 如果每个词项的倒排记录表都单独成一个文件，那么合并主索引和辅助索引将会很高效
 - 合并将是一个简单的添加操作
 - 但需要非常多的倒排文件 — 对文件系统来说是低效的
- 以后课程中都假设：索引是一个大的文件
- 现实中：往往在上述两种极端机制中取一个折中方案
(例如，对非常大的索引记录表进行切分；并对那些长度为1的索引记录表进行合并)

对数合并

- 维护一系列的索引 I_0, I_1, I_2, \dots ，每个都是前一个的两倍大小 $2^0 * n, 2^1 * n, 2^2 * n, \dots$ 。 n 是辅助索引 Z_0 的大小
- 辅助索引 Z_0 存储在内存中
- 将较大的那些(I_0, I_1, \dots)存储在磁盘中
- 当 Z_0 达到上限 n 时，将它写入磁盘的 I_0 中(此时 $I_0 = 2^0 * n$)
- 当 Z_0 下一次达到上限时，它会和 I_0 合并，生成 Z_1 (大小 $2^1 * n$)
 - 此时，如果 I_1 不存在，存储到 I_1 中
 - 如果 I_1 已存在，则 Z_1 与 I_1 合并成 Z_2 (大小 $2^2 * n$)
 - 此时，如果 I_2 不存在，存储到 I_2 中
 - 如果 I_2 已存在，则 Z_2 与 I_2 合并成 Z_3 (大小 $2^3 * n$)
 - 以此类推...

拥有多个索引产生的问题

- 全局统计信息很难得到
- 例如：对于拼写校正算法，得到几个校正的备选词后，选择哪个呈现给用户？
 - 可以返回具有最高选中次数的那些
- 对于多个索引和无效位向量，怎样维护那些拥有最高次数的结果？
 - 一个可能的方法：除了主索引的排序结果，忽略其它所有的索引
- 事实上，采用对数合并方法，信息检索系统的各个方面，包括索引维护，查询处理，分布等等，都要复杂的多

搜索引擎中的动态索引

- 现在所有的大型搜索引擎都采用动态索引
- 它们的索引经常增加和改变
 - 新的产品、博客，新的Web网页
- 但是它们也会周期性地从头开始重新构建一个全新的索引
 - 查询处理将会转到新索引上去，同时将旧的索引删除

总结 — 索引构建

- 基于排序的索引构建算法
 - 它是一种最原始的在内存中进行倒排的方法
 - 基于块的排序索引算法BSBI
 - 合并排序操作对于基于磁盘的排序来说很高效(避免寻道)
- 内存式单遍扫描索引构建算法SPIMI
 - 没有全局的词典
 - 对每个块都生成单独的词典
 - 不对倒排记录进行排序
 - 有新的倒排记录出现时，直接在倒排记录表中增加一项
- 采用**MapReduce**的分布式索引构建算法
- 动态索引构建算法：多个索引，对数合并
- 搜索引擎：周期性索引重构

索引压缩

提纲

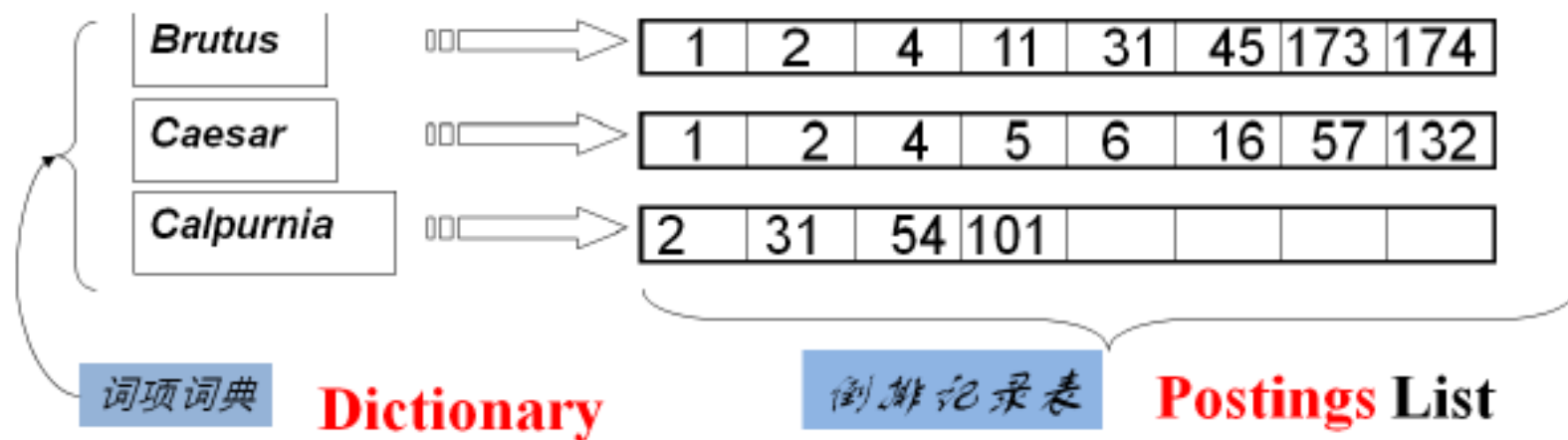
- 压缩
- 词项统计量
- 词典压缩
- 倒排记录表压缩

索引压缩

- 统计信息(对RCV1语料库)
 - 词典和倒排记录表将会有多大?
- 词典压缩
- 倒排记录表压缩

为什么要压缩

怎么压缩



为什么要压缩(一般来说)?

- 节省磁盘空间
 - 省钱
- 提高内存的利用率
 - 提高速度
- 加快数据从磁盘到内存的传输速度
 - [读取压缩数据][解压缩]比直接[读取未压缩的数据]快
 - 前提：解压缩算法要很快
 - 目前所用的解压缩算法在现代硬件上运行相当快

为什么要压缩倒排索引？

- 词典
 - 压缩的足够小以便能够放入内存中
 - 当词典足够小时，也可以在内存中存储一部分倒排记录表
- 倒排记录文件
 - 减少所需的磁盘空间
 - 减少从磁盘读取倒排记录文件所需的时间
 - 大的搜索引擎在内存中存储了很大一部分倒排记录表
 - 压缩可以在内存中存储的更多
- 将设计各种基于IR系统的压缩架构

提纲

- 压缩
- 词项统计量
- 词典压缩
- 倒排记录表压缩

回顾 Reuters-RCV1语料库

符号	含义	值
N	文档总数	800 000
L_{ave}	每篇文档的平均 词条 (Token)数目	200
M	词项 (Term)总数	400 000
	每个词条的平均字节数(含空格和标点符号)	6
	每个词条的平均字节数(不含空格和标点符号)	4.5
	每个词项的平均字节数	7.5
T	词条(Token)总数	1 60 000 000

索引参数 vs. 索引内容

	不同词项			无位置信息倒排记录			词条		
	词典			无位置信息倒排表			包含位置信息的倒排表		
	数目	$\Delta\%$	T%	数目(K)	$\Delta\%$	T%	数目(K)	$\Delta\%$	T%
未过滤	484,494			109,971			197,879		
无数字	474,723	-2	-2	100,680	-8	-8	179,158	-9	-9
大小写转换	391,523	-17	-19	96,969	-3	-12	179,158	0	-9
30个停用词	391,493	0	-19	83,390	-14	-24	121,858	-31	-38
150个停用词	391,373	0	-19	67,002	-30	-39	94,517	-47	-52
词干还原	322,383	-17	-33	63,812	-4	-42	94,517	0	-52

近似是0
30个与391,523个相比

因考虑位置信息，所以不管
大写，小写，都依然存在

$\Delta\%$ 表示和上一行相比数目的减少比率，而“停用词”均使用“大小写转换”那行作为基准。 $T\%$ 表示以“未过滤”为基准。

词条的数目实际上等于倒排记录表中的位置信息个数

有损(Lossy) vs. 无损(Lossless)压缩

- 无损压缩：压缩之后所有原始信息都被保留
 - 在IR系统中常采用无损压缩
- 有损压缩：丢掉一些信息
- 一些预处理步骤可以看成是有损压缩：大小写转换，停用词剔除，词干还原，数字去除
- 第7章：那些削减的倒排记录项都不太可能在查询结果的前 k 个列表中出现。
 - 对于前 k 个返回结果来说，这几乎是无损的
- 有损还是无损与需求相关！！

词汇量 vs. 文档集大小

- 词项的词汇量有多大？
 - 也就是说，有多少个不同的词？
- 可以假定一个上界吗？
 - 实际上并不可以：长度为20的不同单词至少有 $70^{20} = 10^{37}$ 个
- 实际中，词汇量会随着文档集大小的增大而增长
 - 尤其当采用Unicode编码时

- Heaps定律: $M = kT^b$
 - M 是**词项**的数目, T 是文档集中**词条**的个数
 - 参数 k 和 b 的典型取值为: $30 \leq k \leq 100$ 和 $b \approx 0.5$
- 词汇量大小 M 和文档集大小 T 在对数空间中, 存在着斜率为 $1/2$ 的线性关系
 - 在对数空间中, 这是这两者之间存在的最简单的关系
 - 这是一个经验发现(“empirical law”)

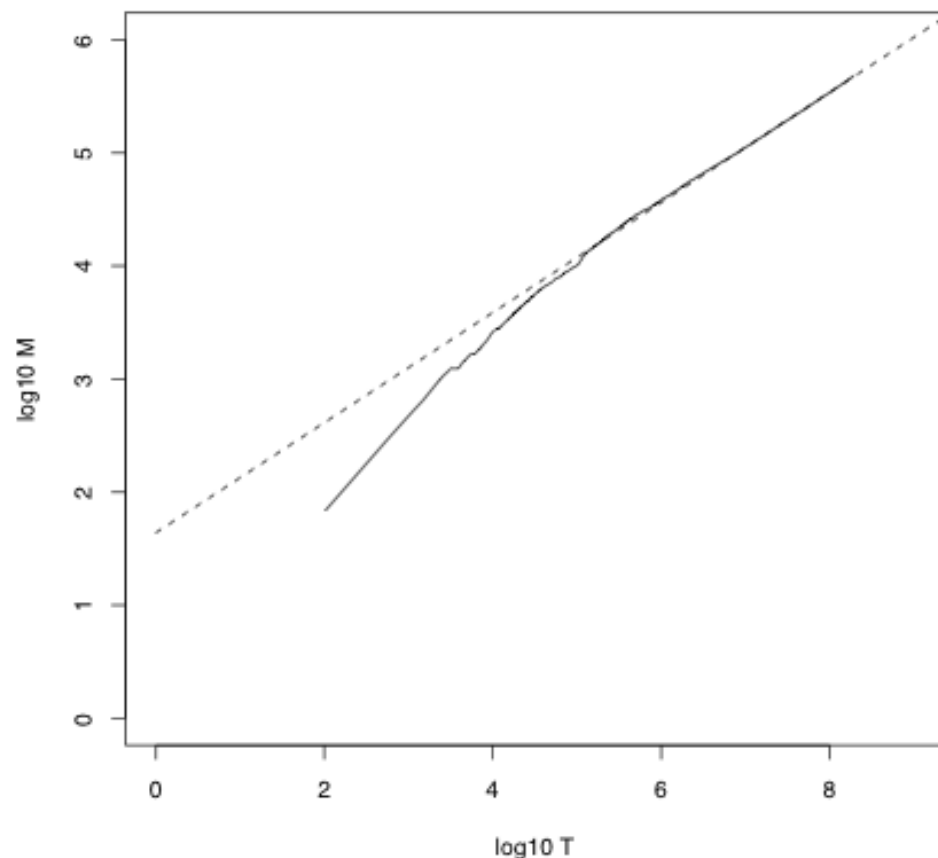
Heaps定律是Heaps在1978年一本关于信息挖掘的专著中提出的。事实上, 他观察到在语言系统中, 不同**单词的数目与文本篇幅** (所有出现的**单词累积数目**) 之间存在幂函数的关系, 其幂指数小于1。

Reuters RCV1上的Heaps定律

- 词汇表大小 M 是文档集规模 T 的一个函数
- 图中通过最小二乘法拟合出的直线方程为：

$$\log_{10} M = 0.49 * \log_{10} T + 1.64$$

- 于是有：
- $M = 10^{1.64} T^{0.49}$
- $k = 10^{1.64} \approx 44$
- $b = 0.49$



M 是词项的数目， T 是文档集中词条的个数

拟合 vs. 真实

- 例子: 对于前1,000,020个词条, 根据Heaps定律预计将有38,323个词项:

$$44 \times 1,000,020^{0.49} \approx 38,323$$

- 实际的词项数目为38,365, 和预测值非常接近
- 经验上的观察结果表明, 一般情况下拟合度还是非常高的

Zipf定律

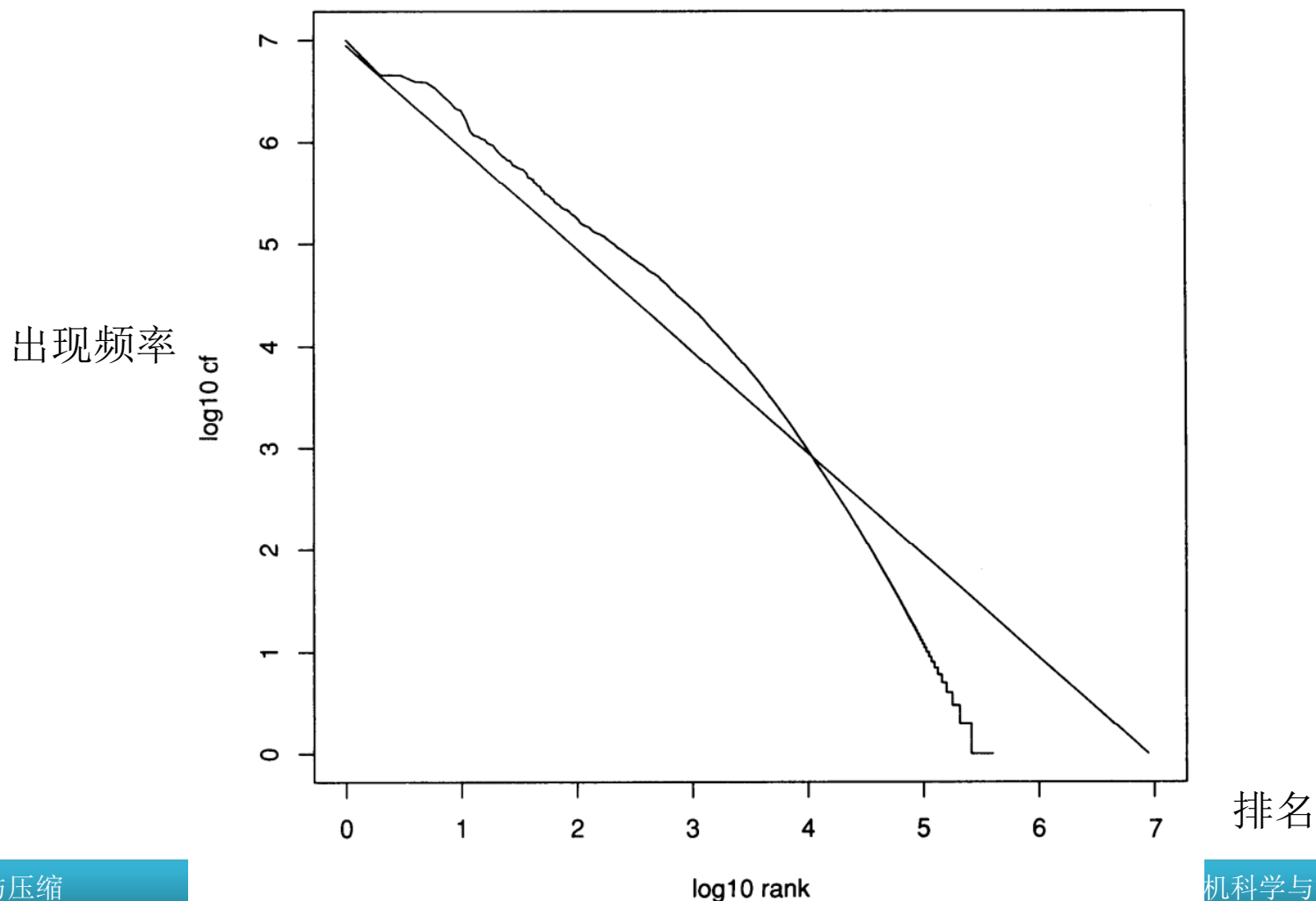
- Heaps定律提供了对文档集中词汇量的估计
- 我们还想了解词项在文档中的分布情况
- 在自然语言中，只有很少一些非常高频的词项，而其它绝大部分都是很生僻的词项。
- **Zipf定律**：排名第 i 多的词项的文档集频率与 $1/i$ 成正比
 - $cf_i \propto \frac{1}{i} = \frac{K}{i}$ ， K 是一个归一化常数
 - cf_i 是文档集频率：词项 t_i 在文档集中出现的次数
- Zipf定律是Zipf在1949年的一本关于人类定位的最小作用原理的书中首先提出的，最令人难忘的例子是在人类语言中，如果以单词出现的频次将所有单词排序，用横坐标表示序号，纵坐标表示对应的频次，可以得到一条幂函数曲线。这个定律被发现适用于大量复杂系统。

Zipf定律推论

- 如果最高频的词汇(the)出现了 cf_1 次
- 那么第2高频的词汇(of)出现了 $cf_1/2$ 次
- 第3高频的词汇(and)出现了 $cf_1/3$ 次
- 等价的: $cf_i = K/i$ 中 K 是归一化因子, 所以
 - $-\log cf_i = \log K - \log i$
 - $-\log cf_i$ 和 $\log i$ 之间存在着线性关系
- 另一个幂定律关系

Reuters-RCV1文档集上的Zipf定律

- 拟合度不是非常高，但是最重要的是如下关键性发现：**高频词项很少，低频罕见词项很多**



提纲

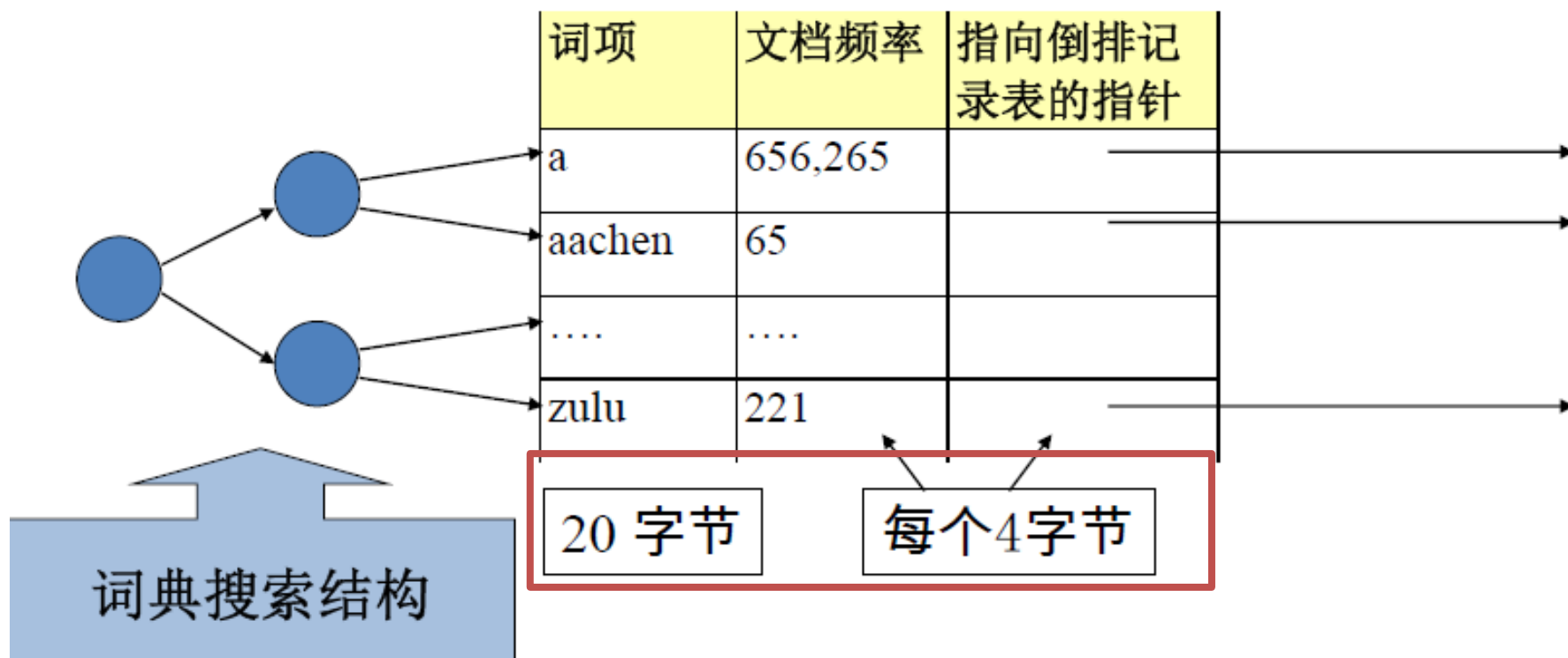
- 压缩
- 词项统计量
- 词典压缩
- 倒排记录表压缩

为什么要压缩词典？

- 搜索从词典开始
- 需要将词典放入内存中
- 和其他应用程序共享内存资源
- 手机或者嵌入式设备通常只有很小的内存
- 即使词典不存入内存中，也希望它能比较小，以便搜索能快速启动
- 所以，压缩词典非常重要

词典存储

- 定长数组存储
- $400,000 \text{ 词项} \times 28\text{B/词项} = 11.2 \text{ MB}$

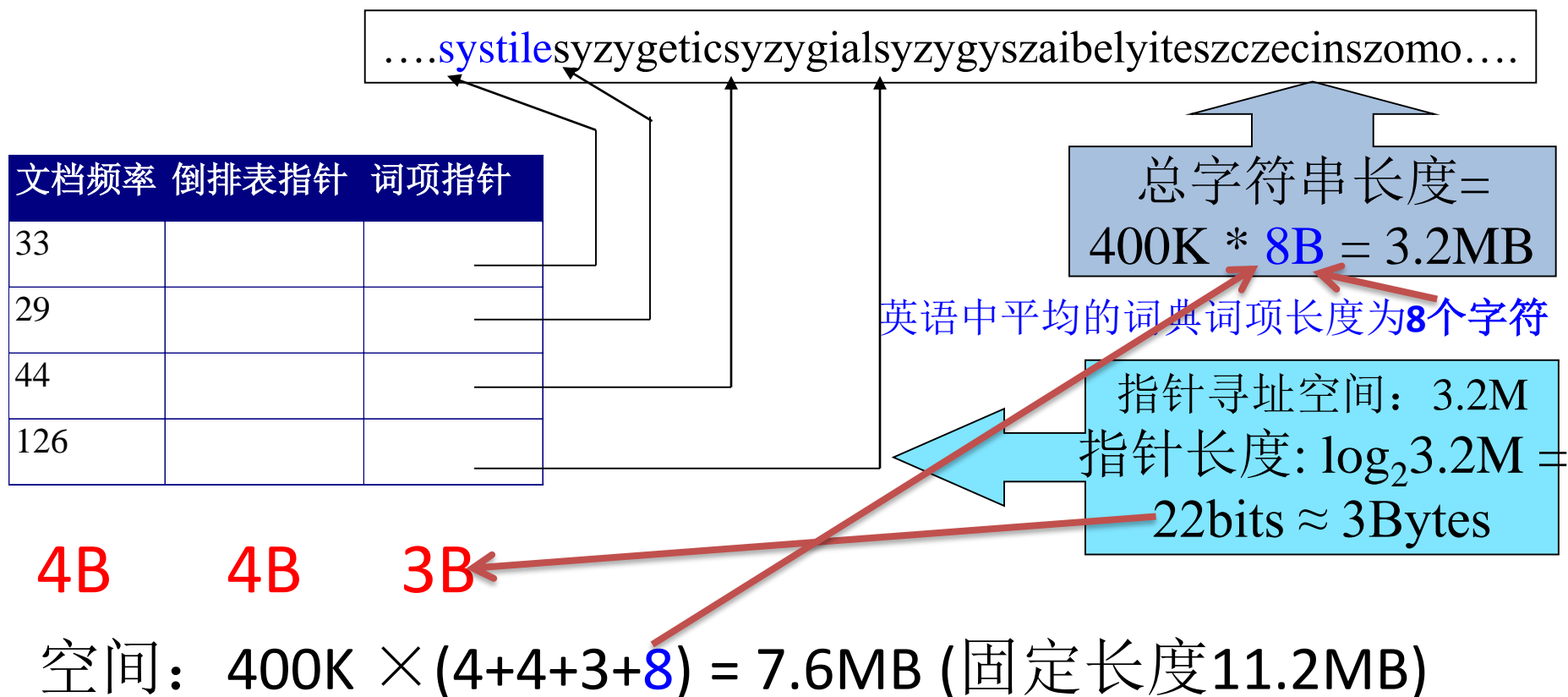


定长方法存储词项浪费空间

- 词项那一列大部分的字节都被浪费 — 为每个词项分配了20字节的固定长度。
 - 但仍然不能解决 “supercalifragilisticexpialidocious” 和 “hydrochlorofluorocarbons”
- 书面英文中单词的平均长度约为4.5个字符
- 英语中平均的词典词项长度为8个字符
 - 平均会有12个字符的空间浪费
- 较短的词项支配了词条的数目但是并不是典型的平均值，即较短的词项占绝大多数

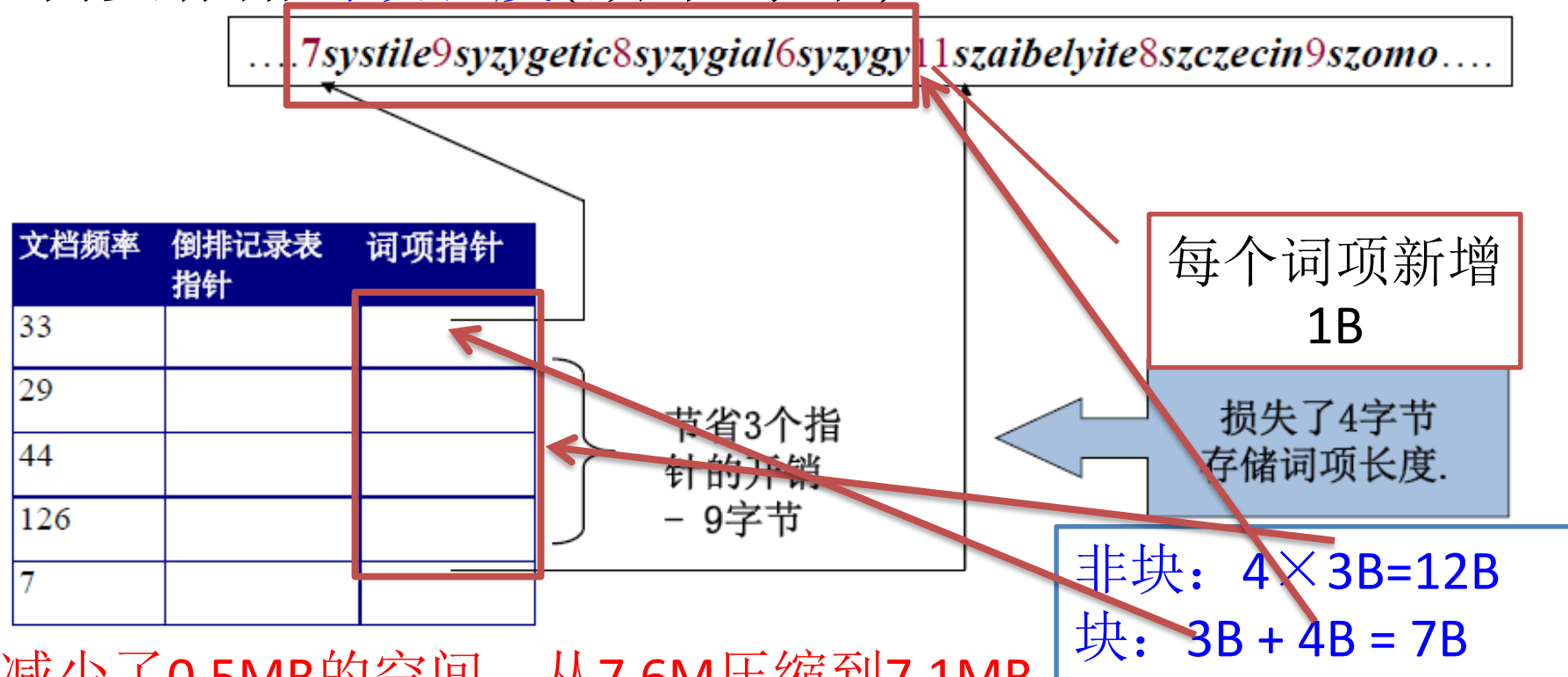
压缩词项列表：将词典看成单一字符串 (Dictionary-as-a-String)

- 将**所有词项**存储为一个长字符串：
 - 指向下一词项的**指针**同时也标识着当前词项的结束
 - 期望节省60%的词典空间



按块存储 (Blocking)

- 每 k 个词项分成一块，只保留第一个指针
 - 下面的例子： $k=4$
- 需要存储词项长度(额外1字节)

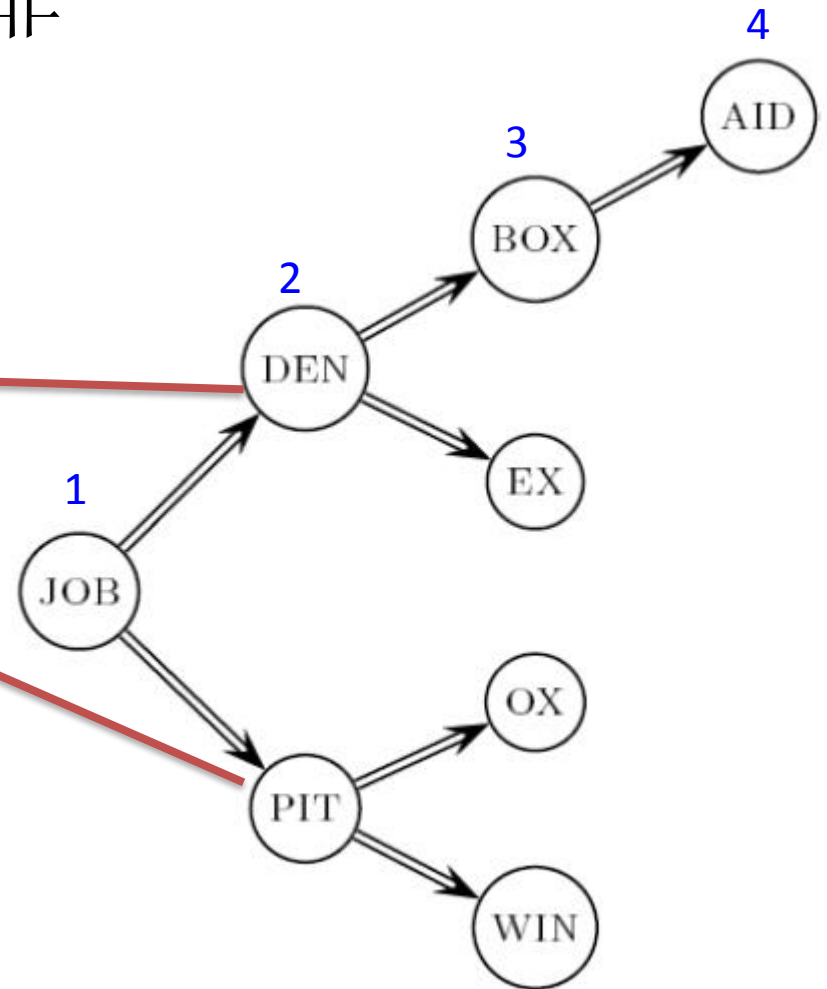


减少了0.5MB的空间，从7.6M压缩到7.1MB

讨论： k 取多少合适？大？小？

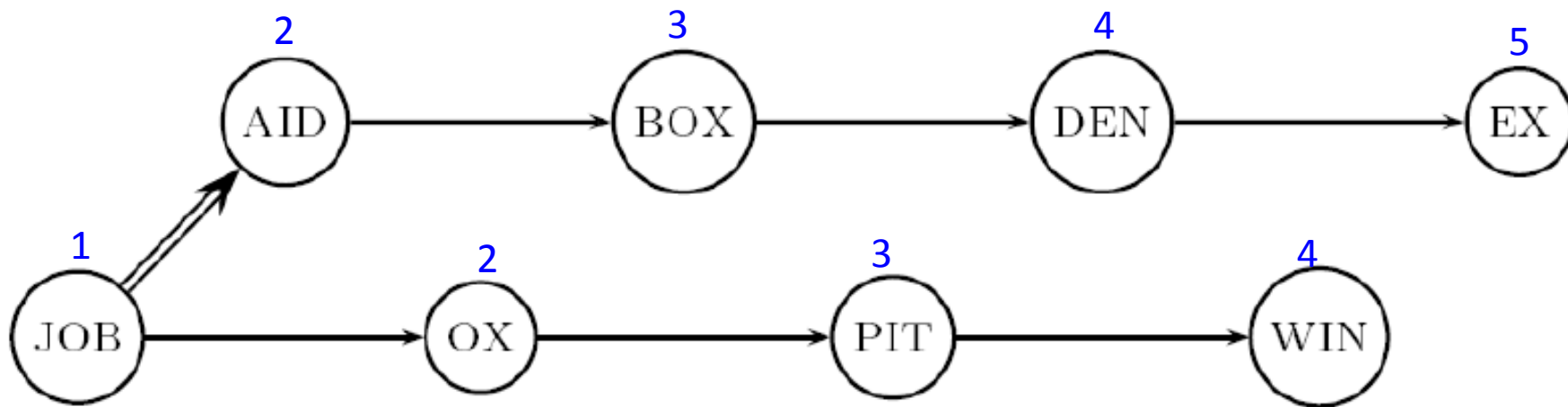
未压缩词典的搜索

- 假设词典中每个词项被查询的概率相同(实际中并非如此!),
- 平均比较次数= $(1+2*2+4*3+4)/8=2.6$



按块存储方式下的词典搜索

- 二分查找只能在块外进行
 - 然后在块内进行线性查找(串行查找)得到最后的词项位置
- 块大小为4(二分树), 平均比较次数 $= (1 + 2 * 2 + 2 * 3 + 2 * 4 + 5) / 8 = 3$



前端编码 (Front coding)

- 前端编码

- 按照词典顺序排列的连续词项之间往往具有公共前缀
- (块内 k 个词项的最后 $k-1$ 个)

8automata8automate9automatic10automation

→ 8automat*a1◇e2◇ic3◇ion

图中词具有公共前缀
automat, *标识前缀末尾
结束, ◇表示该前缀

编码 *automat*

除 *automat* 外的额外长度

小结 词典压缩: RCV1文档集的词典压缩结果

数据结构	压缩后大小(MB)
定长数组	11.2
长字符串+词项指针	7.6
按块存储, $k=4$	7.1
按块存储+前端编码	5.9

提纲

- 压缩
- 词项统计量
- 词典压缩
- 倒排记录表压缩

倒排记录表压缩

- 倒排记录表远大于词典，至少为10倍
- 迫切要求：紧密地存储每一个倒排记录表
- 每个倒排记录用文档ID来定义
- 对Reuters (800,000文档)来说，当使用4字节(定长)整数表示时，每个文档ID需要32bit
- 或者，可以用 $\log_2 800,000 \approx 20$ bits 来表示每个文档ID
- 目标：用远小于20bit来表示每个文档ID

$$100\text{M}(\text{倒排记录数目}) * 20\text{b} / 8 (\text{b/B}) = 250\text{MB}$$

预处理前后词项、词条数目

	不同词项			无位置信息倒排记录			词条		
	词典			无位置信息倒排表			包含位置信息的倒排表		
	数目	$\Delta\%$	T%	数目(K)	$\Delta\%$	T%	数目(K)	$\Delta\%$	T%
未过滤	484,494			109,971			197,879		
无数字	474,723	-2	-2	100,680	-8	-8	179,158	-9	-9
大小写转换	391,523	-17	-19	96,969	-3	-12	179,158	0	-9
30个停用词	391,493	0	-19	83,390	-14	-24	121,858	-31	-38
150个停用词	391,373	0	-19	67,002	-30	-39	94,517	-47	-52
词干还原	322,383	-17	-33	63,812	-4	-42	94,517	0	-52

近似是0
30个与391,523个相比

因考虑位置信息，所以不管
大写，小写，都依然存在

$\Delta\%$ 表示和上一行相比数目的减少比率，而“停用词”均使用“大小写转换”那行作为基准。 $T\%$ 表示以“未过滤”为基准。

词条实际上表示了考虑位置信息。

倒排记录表：相反的两点

- 像“arachnocentric”这样的词项可能在一百万个文档中才会出现一次 – 可以用 $\log_2 1M \approx 20$ bits来存储这一倒排记录。
- 像“the”这样的词项在每个文档中都会出现，所以对它采用20bit/倒排记录太浪费了
 - 这种情况更希望是0/1的bit向量

规律的探寻：倒排记录表项中文档ID的间距(GAP)

- 按照文档ID的**递增顺序**来存储一个词项的倒排列表。
 - Computer: **33, 47**, 154, 159, 202, ...
- 结论：可以**存储间距**
 - 33, **14**, 107, 5, 43, ...
- 期望：绝大多数间距存储空间都远小于20bit

找找GAP：3个倒排记录表项

表5-3 对文档ID的间距而不是文档ID进行编码

	编码对象	倒排记录表					
the	文档ID	...	283042	283043	283044	283045	...
	文档ID间距			1	1	2	...
computer	文档ID	...	283047	283154	283159	283202	...
	文档ID间距			107	5	43	...
arachnocentric	文档ID	252000	500100				
	文档ID间距	252000	248100				

注：比如，对于 computer，存储间距序列 107, 5, 43, ...，而不是文档 ID 序列 283154, 283159, 283202, ...。

当然，第一个文档 ID 仍然被保留（表中仅显示了 arachnocentric 的第一个文档 ID）。

可变长度编码

- 目标：
 - 对于arachnocentric(低频), 使用20bit/间距项
 - 对于the(高频), 使用1 bit/间距项
- 如果词项的平均间距为 G , 我们想使用 $\log_2 G$ bit/间距项
- 关键问题: 需要利用整数个字节来对每个间距编码
 - 这需要一个可变长度编码 : 对一些小数字使用短码来实现

例子

214577 = 0001101 0001100 0110001

文档ID	824	829	215406
间距		5	214577
VB 编码	00000110 10111000	10000101	00001101 00001100 10110001

倒排索引以一连串字节的形式存储

000001101011100010000101000011010000110010110001

824

5

214577

关键特性：VB编码过的倒排记录表是唯一前缀可解的

对一个小的间距(5), VB编码使用了一整个字节, 浪费存储空间

GAP→可变字节码(Variable Byte)

- 对一个间距值 G ，想用最少的所需字节来表示 $\log_2 G$ bit
- 先用一个字节来存储 G ，并分配1bit作为延续位 c
- 如果 $G \leq 127$ ，对7位有效码采用二进制编码并设延续位 $c=1$ (表示结束)
- 若 $G > 127$ ，则先对 G 低阶的7位编码，然后采取相同的算法用额外的字节对高阶bit位进行编码
- 设置最后一个字节的延续位为1($c=1$)，其他字节的 $c=0$ (表示未结束)

其它的可变单位编码

- VB编码思想也可应用在与字节不同的单位上：
32bit(words), 16bit, 4bit(nibble)
- 可变字节编码在那些很小的间距上浪费了空间——半字节在这种情况下表现得更好
- 可变字节编码
 - 被很多商业/研究系统所使用
 - 实现简单，能够在时间和空间之间达到一个非常好的平衡点

RCV1压缩

表5-6 Reuters-RCV1中的索引及词典压缩

数据结构	压缩后的空间大小（单位：MB）
词典，定长数组	11.2
词典，长字符串+词项指针	7.6
词典，按块存储， $k=4$	7.1
词典，按块存储+前端编码	5.9
文档集（文本、XML标签等）	3 600.0
文档集（文本）	960.0
词项关联矩阵	40 000.0
倒排记录表，未压缩（32bit位字）	400.0
倒排记录表，未压缩（20bit位）	250.0
倒排记录表，可变字节码	116.0
倒排记录表， γ 编码	101.0

总结

- 现在可以为布尔查询创建一个索引，即高效又非常节省空间
- 只有文档集总大小的4%
- 在文档集中只有文本总大小的10-15%
- 但是，忽略了索引的位置信息
- 因此，在实际中，索引所节省的空间并没有这么多